

Муниципальное бюджетное общеобразовательное учреждение «Средняя школа №1»

РАССМОТРЕНА

на заседании ШМО учителей естественного цикла  
(протокол от 29.08.2016 г. №1)

СОГЛАСОВАНА

Заместитель директора по УВР  
Т.З. Мухина  
29.08.2016 г.

УТВЕРЖДЕНА

Директор МБОУ «Средняя школа №1»  
В.В. Бутусов  
Приказ № 111-п от 31.08.2016 г.

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА**  
**по алгебре и началам математического анализа**  
**10 класс**

Принята на заседании педагогического совета  
Протокол №13 от 29.08.2016 г.

Дзержинск,  
2016

**Программа разработана на основе Программы общеобразовательных учреждений «Алгебра и начала математического анализа 10» «Просвещение» 2010г Автор Т.А. Бурмистрова (кол-во нед. часов 4)**

Учебный комплекс для учащихся: Учебник для 10 класса. Алгебра и начала анализа. Ю М Колягин и др. Москва «Просвещение»2010г

Наличие разработок для учителей: « Изучение алгебры и начал анализа по учебнику Ю.М.Колягина и др.»

Автор-составитель:Н.Е. Федорова «Просвещение» 2009г.

Н.Е. Федорова. Алгебра и начала анализа. Дидактические материалы «Просвещение» 2009г.

Ю. М. Колягин, М. В. Ткачева, Н. Е. Федорова, М. И. Шабунин

Программы по алгебре и началам математического анализа

## **10 КЛАСС**

### **СОДЕРЖАНИЕ ОБУЧЕНИЯ**

#### **1. Делимость чисел**

***Понятие делимости. Делимость суммы и произведения. Деление с остатком. Признаки делимости. Сравнения. Решение уравнений в целых числах.***

Основная цель — ознакомить с методами решения задач теории чисел, связанных с понятием делимости.

В данной теме рассматриваются основные свойства делимости целых чисел на натуральные числа и решаются задачи на определение факта делимости чисел с опорой на эти свойства и признаки делимости.

Рассматриваются свойства сравнений. Так как сравнение по модулю  $m$  есть не что иное, как «равенство с точностью до кратных  $m$ », то многие свойства сравнений схожи со свойствами знакомых учащимся равенств (сравнения по одному модулю почленно складывают, вычитают, перемножают).

Задачи на исследование делимости чисел в теории чисел считаются менее сложными, чем задачи, возникающие при сложении и умножении натуральных чисел. К таким задачам, например, относится теорема Ферма о представлении  $n$ -й степени числа в виде суммы  $n$ -х степеней двух других чисел.

Рассказывая учащимся о проблемах теории чисел, желательно сообщить, что решению уравнений в целых и рациональных числах (так называемых диофантовых уравнений) посвящен большой раздел теории чисел. Здесь же рассматривается теорема о целочисленных решениях уравнения первой степени с двумя неизвестными и приводятся примеры решения в целых числах уравнения второй степени.

#### **2. Многочлены. Алгебраические уравнения**

***Многочлены от одного переменного. Схема Горнера. Многочлен  $P(x)$  и его корень. Теорема Безу. Следствия из теоремы Безу. Алгебраические уравнения. Делимость двучленов  $x^n \pm a^n$  на  $x \pm a$ . Симметрические многочлены.***

**Многочлены от нескольких переменных. Формулы сокращенного умножения для старших степеней. Бином Ньютона. Системы уравнений.**

Основная цель — обобщить и систематизировать знания о многочленах, известные из основной школы; научить выполнять деление многочленов, возведение двучленов в натуральную степень, решать алгебраические уравнения, имеющие целые корни, решать системы уравнений, содержащие уравнения степени выше второй; ознакомить с решением уравнений, имеющих рациональные корни.

Продолжается изучение многочленов, алгебраических уравнений и их систем, которые рассматривались в школьном курсе алгебры. От рассмотрения линейных и квадратных уравнений учащиеся переходят к алгебраическим уравнениям общего вида  $P_n(x) = 0$ , где  $P_n(x)$  — многочлен степени  $n$ . В связи с этим вводятся понятия степени многочлена и его корня.

Отыскание корней многочлена осуществляется разложением его на множители. Для этого сначала подробно рассматривается алгоритм деления многочленов уголком, который использовался в арифметике при делении рациональных чисел.

На конкретных примерах показывается, как получается формула деления многочленов  $P(x) \sim M(x)$  и как с ее помощью можно проверить результаты деления многочленов. Эта формула принимается в качестве определения операции деления многочленов по аналогии с делением натуральных чисел, с которым учащиеся знакомились в курсе арифметики.

Деление многочленов обычно выполняется уголком или по схеме Горнера. Иногда это удается сделать разложением делимого и делителя на множители. Схема Горнера не является обязательным материалом для всех учащихся, но, как показывает опыт, она легко усваивается и ее можно рассмотреть, не требуя от всех умения ее применять. Можно также использовать метод неопределенных коэффициентов.

Способ решения алгебраического уравнения разложением его левой части на множители фактически опирается на следствия из теоремы Везу: «Если  $x_1$  — корень уравнения  $P_n(x) = 0$ , то многочлен  $P_n(x)$  делится на двучлен  $x - x_1$ ». Изучается теорема Везу, формулируются следствия из нее, являющиеся необходимым и достаточным условием деления многочлена на двучлен.

Рассматривается первый способ нахождения целых корней алгебраического уравнения с целыми коэффициентами, если такие корни есть: их следует искать среди делителей свободного члена. Для учащихся, интересующихся математикой, приводится пример отыскания рациональных корней многочлена с первым коэффициентом, отличным от 1. Среди уравнений, сводящихся к алгебраическим, рассматриваются рациональные уравнения. Хотя при решении рациональных уравнений могут появиться посторонние корни, они легко обнаруживаются проверкой. Поэтому понятия равносильности и следствия уравнения на этом этапе не являются необходимыми; эти понятия вводятся позже при рассмотрении иррациональных уравнений и неравенств.

Решение систем нелинейных уравнений проводится как известными учащимся способами (подстановкой или сложением), так и делением уравнений и введением вспомогательных неизвестных.

### 3. Степень с действительным показателем

Действительные числа. Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия. Арифметический корень натуральной степени. Степень с натуральным и действительным показателями.

Основная цель — обобщить и систематизировать знания о действительных числах; сформировать понятие степени с действительным показателем; научить применять определения арифметического корня и степени, а также их свойства при выполнении вычислений и преобразовании выражений; **ознакомить с понятием предела последовательности.**

Необходимость расширения множества натуральных чисел до действительных мотивируется возможностью выполнять действия, обратные сложению, умножению и возведению в степень, а значит, возможностью решать уравнения  $x + a = b$ ,  $ax = b$ ,  $x^a = b$ .

Рассмотренный в начале темы способ обращения бесконечной периодической десятичной дроби в обыкновенную обосновывается свойствами сходящихся числовых рядов, в частности, нахождением суммы бесконечно убывающей геометрической прогрессии.

Действия над иррациональными числами строго не определяются, а заменяются действиями над их приближенными значениями — рациональными числами

В связи с рассмотрением иррациональных чисел вводится понятие приближенного значения иррационального числа. Формулируется определение

**предела. Разбирается задача на доказательство того, что данное число является пределом последовательности с помощью определения предела. На данном этапе элементы теории пределов не изучаются.**



Показательная функция, ее свойства и график. Показательные уравнения. Показательные неравенства. Системы показательных уравнений и неравенств.

Основная цель — изучить свойства показательной функции; научить решать показательные уравнения и неравенства, системы показательных уравнений.

Свойства показательной функции  $y = a^x$  полностью следуют из свойств степени с действительным показателем. Например, возрастание функции  $y = a^x$ , если  $a > 1$ , следует из свойства степени: «Если  $x_1 < x_2$ , то  $a^{x_1} < a^{x_2}$  при  $a > 1$ ».

Решение простейших показательных уравнений  $a^x = a^b$ , где  $a > 0$ ,  $a \neq 1$ , основано на свойстве степени: «Если  $a^{x_1} = a^{x_2}$ , то  $x_1 = x_2$ ».

Решение большинства показательных уравнений и неравенств сводится к решению простейших.

Так как в ходе решения предлагаемых в этой теме показательных уравнений равносильность не нарушается, то проверка найденных корней необязательна. Здесь системы уравнений и неравенств решаются с помощью равносильных преобразований: подстановкой, сложением или умножением, заменой переменных и т. д.

## 6. Логарифмическая функция

Логарифмы. Свойства логарифмов. Десятичные и натуральные логарифмы. Логарифмическая функция, ее свойства и график. Логарифмические уравнения. Логарифмические неравенства.

Основная цель — сформировать понятие логарифма числа; научить применять свойства логарифмов при решении уравнений; изучить свойства логарифмической функции и научить применять ее свойства при решении логарифмических уравнений и неравенств.

До этой темы в курсе алгебры изучались такие функции, вычисление значений которых сводилось к четырем арифметическим действиям и возведению в степень. Для вычисления значений логарифмической функции нужно уметь находить логарифмы чисел, т. е. выполнять новое для учащихся действие — логарифмирование.

При знакомстве с логарифмами чисел и их свойствами полезны подробные и наглядные объяснения даже в профильных классах.

Доказательство свойств логарифма опирается на его определение. На практике рассматриваются логарифмы по различным основаниям, в частности по основанию 10 (десятичный логарифм) и по основанию  $e$  (натуральный логарифм), отсюда возникает необходимость формулы перехода от логарифма по одному основанию к логарифму по другому основанию. Так как на инженерном микрокалькуляторе есть клавиши  $\lg$  и  $\ln$ , то для вычисления логарифма по основаниям, отличным от 10 и  $e$ , нужно применить формулу перехода.

Свойства логарифмической функции активно используются при решении логарифмических уравнений и неравенств.

Изучение свойств логарифмической функции проходит совместно с решением уравнений и неравенств.

При решении логарифмических уравнений и неравенств выполняются различные их преобразования. При этом не нарушается

**равносильность. Но при выполнении преобразований необходимо следить за тем, чтобы область допустимых значений функции не пустой.**

**преобразования.** При решении логарифмических неравенств нужно следить за тем, чтобы равносильность не нарушалась, так как проверку решения неравенства осуществить сложно, а в ряде случаев невозможно.

## 7. Тригонометрические формулы

Радианная мера угла. Поворот точки вокруг начала координат. Определение синуса, косинуса и тангенса угла. Знаки синуса, косинуса и тангенса. Зависимость между синусом, косинусом и тангенсом одного и того же угла. Тригонометрические тождества. Синус, косинус и тангенс углов  $\alpha$  и  $-\alpha$ . Формулы сложения. Синус, косинус и тангенс двойного угла. Синус, косинус и тангенс

половинного угла. Формулы приведения. Сумма и разность синусов. Сумма и разность косинусов. **Произведение синусов и косинусов.**

Основная цель — сформировать понятия синуса, косинуса, тангенса, котангенса числа; научить применять формулы тригонометрии для вычисления значений тригонометрических функций и выполнения преобразований тригонометрических выражений; научить решать простейшие тригонометрические уравнения  $\sin x = a$ ,  $\cos x = a$  при  $a \in [-1, 1]$ .

Рассматривая определения синуса и косинуса действительного числа  $a$ , естественно решить самые простые уравнения, в которых требуется найти число  $a$ , если синус или косинус его известен, например уравнения  $\sin x = 0$ ,  $\cos x = 1$  и т. п. Поскольку для обозначения

неизвестного по традиции используется буква  $x$ , то эти уравнения записывают как обычно:  $\sin x = 0$ ,  $\cos x = 1$  и т. п. Решения этих уравнений находятся с помощью единичной окружности.

При изучении степеней чисел рассматривались их свойства  $a^p + a^q = a^p \cdot a^q$ ,  $a^p : a^q = a^{p-q}$ . Подобные свойства справедливы и для синуса, косинуса и тангенса. Эти свойства называют формулами сложения. Практически они выражают зависимость между координатами суммы или разности двух чисел  $\alpha$  и  $\beta$  через координаты чисел  $\alpha$  и  $\beta$  (3. Формулы сложения доказываются для косинуса суммы или разности, все остальные формулы сложения получаются как следствия).

Формулы сложения являются основными формулами тригонометрии, так как все другие можно получить как следствия: формулы двойного и половинного угла (для классов ба ового уровня являются обязательными), формулы приведения, преобразования суммы и разности в произведение. **Из формул сложения выводятся и формулы замены произведения синусов и косинусов их суммой, что применяется при решении уравнений.**

## 8. Тригонометрические уравнения

Уравнения  $\sin x = a$ ,  $\cos x = a$ ,  $\tan x = a$ . Тригонометрические уравнения, сводящиеся к алгебраическим. **Однородные и линейные уравнения.** Методы замены неизвестного и разложения на множители. **Метод оценки левой и правой частей тригонометрического уравнения. Системы тригонометрических уравнений. Тригонометрические неравенства.**

Основная цель (базовый уровень) — сформировать умение решать простейшие тригонометрические уравнения; ознакомить с некоторыми приемами решения тригонометрических уравнений.

Основная цель (профильный уровень) — сформировать понятие арксинуса, арккосинуса, арктангенса числа; научиться решать тригонометрические уравнения и системы тригонометрических уравнений, используя различные приемы решения; ознакомить с приемами решения тригонометрических неравенств.

Как и при решении алгебраических, показательных и логарифмических уравнений, решение тригонометрических уравнений путем различных преобразований сводится к решению простейших:  $\sin x = a$ ,  $\cos x = a$ ,  $\tan x = a$ .

Рассмотрение простейших уравнений начинается с уравнения  $\sin x = a$ , так как формула его корней проще, чем формула корней уравнения  $\tan x = a$  (в их записи часто используется необычный для учащихся указатель знака  $(-1)^n$ ). Решение более сложных тригонометрических уравнений, когда выполняются алгебраические и тригонометрические преобразования, сводится к решению простейших.

Рассматриваются следующие типы тригонометрических уравнений: линейные относительно  $\sin x$ ,  $\cos x$  или  $\tan x$ ; сводящиеся к квадратным и другим алгебраическим уравнениям после замены неизвестного; сводящиеся к простейшим тригонометрическим уравнениям после разложения на множители.

**На профильном уровне дополнительно изучаются однородные (первой и второй степеней) уравнения относительно  $\sin x$  и  $\cos x$ , а также сводящиеся к однородным уравнениям. При этом используется метод введения вспомогательного угла.**

**При углубленном изучении рассматривается метод предварительной оценки левой и правой частей уравнения, который в ряде случаев позволяет легко найти его корни или установить, что их нет.**

**На профильном уровне рассматриваются тригонометрические уравнения, для решения которых необходимо применение нескольких методов. Показывается анализ уравнения не по неизвестному, а по значениям синуса и косинуса неизвестного, что часто сужает поиск корней уравнения. Также показывается метод объединения серий корней тригонометрических уравнений. Разбираются подходы к решению несложных систем тригонометрических уравнений.**

**Рассматриваются простейшие тригонометрические неравенства, которые решаются с помощью единичной окружности.**

№ параграфа	Тема урока	Количество часов	Понятия	Оборудование	Дата проведения	Д.З
	<b>Глава 1. Алгебра 7-9 (повторение)</b>	<b>4</b>				
12	Множества	2	Множества	Учебник		
13	Логика	2	Логика	Учебник		
	<b>Глава 2. Делимость чисел.</b>	<b>10</b>				
1	Понятие делимости. Делимость суммы и произведения	2	Свойства делимости.	Учебник		
2	Деление с остатком	2	Деление с остатком	Учебник		
3	Признаки делимости	2	Признаки делимости	Учебник		
4	Сравнения	-		Учебник		
5	Решение уравнений в целых числах.	2	Решение уравнений в целых числах.	Учебник		
	Урок обобщения и систематизации знаний.	1		Учебник		
	Контрольная работа № 1	1		Учебник. Д/ материалы.		
	<b>Глава 3. Многочлены. Алгебраические уравнения.</b>	<b>17</b>				
1	Многочлены от одного переменного	2	Многочлены от одного переменного	Учебник		

2	Схема Горнера	1	Схема Горнера	Учебник		
3	Многочлен $P(x)$ и его корень. Теорема Безу	1	Многочлен $P(x)$ и его корень. Теорема Безу	Учебник		
4	Алгебраическое уравнение. Следствия из теоремы Безу	1	Алгебраическое уравнение. Следствия из теоремы Безу	Учебник		
5	Решение алгебраических уравнений разложением на множители	3	Решение алгебраических уравнений разложением на множители	Учебник		
6,7,8	Делимость двучленов $x^m \pm a^m$ на $x \pm a$ . Симметрические многочлены. Многочлены от нескольких переменных	2	Делимость двучленов. Симметрические многочлены. Многочлены от нескольких переменных	Учебник		
9	Формулы сокращенного умножения для старших степеней. Бином Ньютона	2	Формулы сокращенного умножения для старших степеней. Бином Ньютона	Учебник		
10	Системы уравнений и систематизации знаний	1		Учебник		
	Контрольная работа № 2	1	Проверка знаний и умений учащихся.	Д/ материалы		
	<b>Глава 4. Степень с действительным показателем.</b>	<b>13</b>				
1	Действительные числа.	1	Степень с действительным показателем	Учебник		№4,5.8 (1)
2	Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия.	2	Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия	Учебник. Компьютерная презентация. Д/ материалы.		№15,1 6(1,3), 13(1),2 1(2).



3	Арифметический корень натуральной степени.	4	Арифметический корень натуральной степени.	Учебник. Д/материалы.		№22(1),23(1).
4	Степень с рациональным и действительным показателем.	4	Степень с рациональным и действительным показателем.	Учебник. Компьютерная презентация.		65-70,72-75
	Урок обобщения и систематизации знаний.	1		Д/материалы.		№80.8 1.83.95 .96.
	<b>К.Р.№ 1.по теме « Степень с действительным показателем»</b>	1		Д/материалы.		
	<b>Глава 5 Степенная функция</b>	<b>16</b>				
1	Степенная функция, её свойства и график.	3	Степенная функция.	Компьютерная презентация. Д/материалы.		§1 №4,5,6 ,8,10,1 2,15
2	Взаимно обратные функции. Сложные функции.	3	Взаимно-обр. функции, сложная функция.	Компьютерная презентация. Д/материалы.		§2 № 25- 32неч
3	Дробно-линейная функция	1	Др. линейные функции.	Учебник. Д/материалы		§3 № 35- 37неч
4	Равносильные уравнения и неравенства	3	Равносильные уравнения и неравенства	Учебник. Д/материалы		§4 № 38,40,4 1,43 неч
5	Иррациональные уравнения Иррациональные неравенства	3 1	Иррациональные уравнения, неравенства	Учебник. Д/материалы		§5 № 54-60 неч
6	Урок обобщения и систематизации знаний	1	Иррациональные неравенства	Учебник. Д/материалы		§6 № 76,78,8 1неч, 89,90, 92
	<b>К.Р.№2по теме «Степенная</b>	1		Д/материалы.		№

	<i>функция»</i>					98,99, 100 неч
	<b>Глава 6</b> <b>Показательная функция</b>	<b>11</b>				
1	Показательная функция, её свойства и график.	2	Показательная функция, свойства	Учебник. Компьютерная презентация. Д/материалы		§1 № 5,6,9, 10 неч
2	Показательные уравнения	3	Показательные уравнения	Учебник. Д/материалы		§2 № 24,25,27,28,30
3	Показательные неравенства	2	Показательные неравенства	Учебник. Д/материалы		§3 №45-47, 48-51
4	Системы показательных уравнений и неравенств	2	Системы показательных уравнений и неравенств	Учебник. Д/материалы		§4 № 59,60, 61-65
	Урок обобщения и систематизации знаний	1		Д/материалы		№ 68,73, 74,76
	<b>К.Р.№3 по теме «Показательная функция»</b>	1		Д/материалы		№ 82,83, 85
	<b>Глава №7. Логарифмическая функция</b>	<b>17</b>				
1	Логарифмы	2	Логарифм, основание логарифма	Учебник. Д/материалы		§1 №1-11
2	Свойства логарифмов	2	Свойства логарифмов	Учебник. Д/материалы		§2 № 25-31
3	Десятичные и натуральные логарифмы. Формула перехода.	2	Десятичный логарифм. Натуральный логарифм.	Учебник. Д/материалы		§3 №43-50, №51-61
4	Логарифмическая функция, её свойства и график.	3	Логарифмическая функция, график.	Компьютерная презентация. Д/материалы		§4 №69-

				материалы		79
5	Логарифмические уравнения	3	Логарифмические уравнения	Учебник. Д/материалы		§5 №87-94
6	Логарифмические неравенства.	2	Логарифмические неравенства.	Учебник. Д/материалы		§6 №112-116
	Урок обобщения и систематизации знаний	1		Учебник. Д/материалы		№130-141, №150
	<i><b>К.Р.№4 по теме «Логарифмическая функция»</b></i>	1		Д/материалы		№ 154, 155, 164
	<b>Глава 8 Тригонометрические формулы.</b>	<b>24</b>				
1	Радианная мера угла	1	Радиан	Компьютерная презентация.		§№1-5
2	Поворот точки вокруг начала координат	2	Положительные и отрицательные углы	Компьютерная презентация.		§2 №14, 15-22
3	Определение синуса, косинуса и тангенса угла	2	Синус, косинус и тангенс угла	Компьютерная презентация. Д/материалы		§3 №33, 34-40
4	Знаки синуса, косинуса и тангенса угла	1	Знаки тригонометрических функций по четвертям	Компьютерная презентация. Д/материалы		§4 №49-55(1)
5	Зависимость между синусом, косинусом и тангенсом одного и того же угла	2	Тригонометрические формулы	Учебник. Д/материалы		§5 №67-70 неч
6	Тригонометрические тождества	3	Тождество	Учебник. Д/материалы		§6 №74-83
7	Синус, косинус и тангенс углов $-a, a$ .	1		Учебник. Д/материалы		§7№92-95
8	Формулы сложения	3	Формулы сложения	Учебник. Д/материалы		§8 №100-106

9	Синус, косинус и тангенс двойного угла	1	Двойной угол	Учебник. Д/материалы		§9 №121, 122, 124
10	Синус, косинус и тангенс половинного угла	1	Половинный угол	Учебник. Д/материалы		§10 №139, 140, 141, 144
11	Формулы приведения	2	Формулы приведения	Компьютерная презентация. Д/материалы		§11 №153- 157
12-13	Сумма и разность синусов. Сумма и разность косинусов.	2	Сумма и разность синусов. Сумма и разность косинусов.	Учебник. Д/материалы		§12 №170- 174
	Произведение синусов и косинусов	1				
	Урок обобщения и систематизации знаний	1		Учебник. Д/материалы. Сборник ЕГЭ		№194- 198
	<b>К.Р.№5 по теме «Тригонометрические формулы»</b>	1		Д/материалы		№200- 204
	<b>Глава 9. Тригонометрические уравнения.</b>	<b>21</b>				
1	Уравнения $\cos x = a$	3	Тригонометрические уравнения	Компьютерная презентация. Д/материалы		§1№1- 6 №7-12
2	Уравнение $\sin x = a$	3		Учебник. Д/материалы		§2№18 -27
3	Уравнения $\operatorname{tg} x = a$	2		Учебник. Д/материалы. Сборник ЕГЭ		§3 №38- 43
4	Тригонометрические уравнения, сводящиеся к алгебраическим.	4	Тригонометрические уравнения, алгебраические уравнения			§4№50 -56

5	Методы замены неизвестного и разложения на множители.	3	Метод оценки левой и правой частей тригонометрического уравнения	Учебник. Д/материалы. Сборник ЕГЭ		§5№61,62,63,64
6	Системы тригонометрических уравнений	2				
7	Тригонометрические неравенства	2				
	Урок обобщения и систематизации знаний	1		Д/материалы		№87,88,89,90
	<b>К.Р. № 7 по теме «Тригонометрические уравнения»</b>	1		Д/материалы		№95,96,100,103
	<b>Резерв</b>	<b>3</b>				